

## MATHEMATIQUES

Probabilités - Variables aléatoires : entraînement (3)

## Exercice 1

Un propriétaire d'une salle louant des terrains de squash s'interroge sur le taux d'occupation de ses terrains. Sachant que la location d'un terrain dure une heure, il a classé les heures en deux catégories : les heures pleines (soir et week-end) et les heures creuses (le reste de la semaine). Dans le cadre de cette répartition, 70 % des heures sont creuses.

Une étude statistique sur une semaine lui a permis de s'apercevoir que :

- lorsque l'heure est creuse, 20 % des terrains sont occupés ;
- $\bullet \;\;$ lorsque l'heure est pleine, 90 % des terrains sont occupés.

On choisit un terrain de la salle au hasard. On notera les évènements :

- C: « l'heure est creuse »
- T : « le terrain est occupé »
- 1. Représenter cette situation par un arbre de probabilités.
- 2. Déterminer la probabilité que le terrain soit occupé et que l'heure soit creuse.
- 3. Déterminer la probabilité que le terrain soit occupé.
- 4. Montrer que la probabilité que l'heure soit pleine, sachant que le terrain est occupé, est égale à  $\frac{27}{41}$ .
- 5. Dans le but d'inciter ses clients à venir hors des heures de grande fréquentation, le propriétaire a instauré, pour la location d'un terrain, des tarifs différenciés :
  - 10 € pour une heure pleine,
  - $6 \in \text{pour une heure creuse.}$

On note X la variable aléatoire qui prend pour valeur la recette en euros obtenue grâce à la location d'un terrain de la salle, choisi au hasard. Ainsi, X prend 3 valeurs :

- 10 lorsque le terrain est occupé et loué en heure pleine,
- 6 lorsque le terrain est occupé et loué en heure creuse,
- 0 lorsque le terrain n'est pas occupé.
- a. Construire le tableau décrivant la loi de probabilité de X.

 ${\bf c.}\,$  La salle comporte 10 terrains et est ouverte 70 heures par semaine.

**b.** Déterminer l'espérance de X.

Calculer la recette hebdoma				adaire moyenne de la salle.						
										•

## Exercice 2

Un joueur lance trois fois une pièce équilibrée. Il gagne  $1 \in \text{par Pile (P)}$  obtenu et perd  $2 \in \text{par Face (F)}$  obtenue. On note X la variable aléatoire correspondant au gain du joueur.

	Déterminer la loi de probabilité de $X$ . Déterminer l'espérance, la variance et l'écart-type de $X$ .
3.	Un autre jeu possède un écart-type de 1,5. Lequel de ces deux jeux est le plus risqué? Justifier.