

**MATHEMATIQUES**  
**Probabilités : entraînement savoir-faire 1 (corrigé)**

**Exercice 1**

1. Il y a 25 issues dans cette expérience aléatoire.  
 $\Omega = \{1, 2, 3, \dots, 25\}$ .

2. a. L'événement  $A$  est constitué de 8 issues.  $A = \{18, 19, 20, 21, 22, 23, 24, 25\}$ .

b. Les multiples de 5 sont 5, 10, 15, 20 et 25.

Ainsi  $B = \{5, 10, 15, 20, 25\}$ .

c. Les diviseurs de 25 sont 1, 5 et 25. .

Ainsi  $C = \{5, 10, 15, 20, 25\}$ .

**Multiple**

$a$  est un multiple de  $b$  lorsqu'il existe un entier  $q$  tel que  $a = b \times q$ .

**Diviseur**

$d$  est un diviseur de  $b$  lorsqu'il existe un entier  $a$  tel que  $b = a \times d$ .

**Exercice 2**

Tableau complété :

	Abonnement à Netflix	Pas d'abonnement à Netflix	Total
Abonnement à Spotify	60	80	140
Pas d'abonnement à Spotify	140	220	360
Total	200	300	500

**Explications**

On place 500 dans le total.  
 On calcule 40 % de 500 :  $0,4 \times 500 = 200$ .  
 200 élèves ont un abonnement à Netflix ;

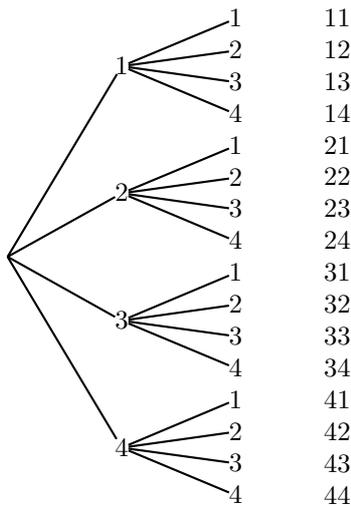
On calcule 28 % de 500 :  $0,28 \times 500 = 140$ .  
 140 élèves ont un abonnement à Spotify.

On calcule 30 % de 200 :  $0,3 \times 200 = 60$ .  
 60 élèves ont les deux abonnements.

Puis on complète sans difficulté.

### Exercice 3

1. Représentation par un arbre.



L'univers est composé de 16 issues.

2.a. L'événement  $A$  est composé de 6 issues car il y a 6 nombres supérieurs ou égaux à 33 : 33, 34, 41, 42, 43, 44.

b. L'événement  $A$  est composé de 4 issues car il y a 4 nombres dont le chiffre des unités est 2 : 12, 22, 32, 42.

### Exercice 4

La roue est composée de 11 secteurs identiques.  
On a donc l'équiprobabilité des 11 secteurs.

Les issues de cette expérience aléatoire sont  $\{A, B, C, I\}$ .

1. Loi de probabilité :

Issue	A	B	C	I
Probabilité	$\frac{3}{11}$	$\frac{2}{11}$	$\frac{4}{11}$	$\frac{2}{11}$

#### Equiprobabilité

Attention, les issues de l'univers ne sont pas équiprobables mais on utilise l'équiprobabilité des secteurs pour calculer les probabilités.

#### A vérifier

La somme des probabilités doit faire 1. Sinon, il y a une erreur !

- Pour l'issue  $A$  :

$$P = \frac{\text{Nombre de secteurs portant la lettre A}}{\text{Nombre total de secteurs}} = \frac{3}{11}.$$

- Pour l'issue  $B$  :

$$P = \frac{\text{Nombre de secteurs portant la lettre B}}{\text{Nombre total de secteurs}} = \frac{2}{11}.$$

- Pour l'issue  $C$  :

$$P = \frac{\text{Nombre de secteurs portant la lettre C}}{\text{Nombre total de secteurs}} = \frac{4}{11}.$$

- Pour l'issue  $I$  :

$$P = \frac{\text{Nombre de secteurs portant la lettre I}}{\text{Nombre total de secteurs}} = \frac{2}{11}.$$

2. Il y a deux voyelles inscrites sur la roue :  $A$  et  $I$  et donc deux issues qui réalisent l'événement  $V$ .

$$P(V) = P(A) + P(I) = \frac{3}{11} + \frac{2}{11} = \frac{5}{11}.$$

#### Explication

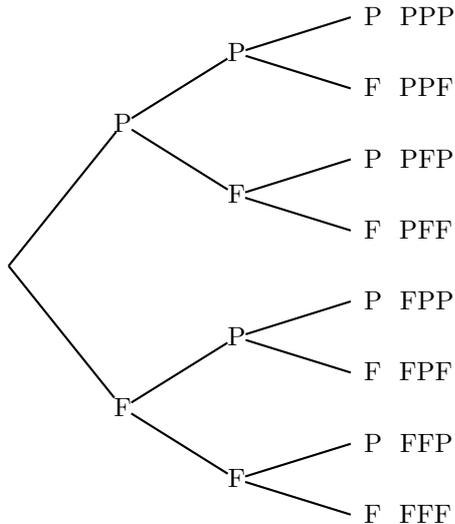
La probabilité d'un événement est la somme des probabilités des issues qui le compose. A savoir !

L'événement  $S$  est réalisé par les issues  $C$  et  $I$ .

$$P(S) = P(C) + P(I) = \frac{4}{11} + \frac{2}{11} = \frac{6}{11}.$$

## Exercice 5

1. a. On représente la situation à l'aide d'un arbre.



**Pensez-y !**

Pour dénombrer (compter des nombres d'issues) on pense aux arbres (ou aux tableaux).

$$\Omega = \{PPP ; PPF ; PFP ; PFF ; FPP ; FPF ; FFP ; FFF\}$$

**3 lancers, 3 possibilités**

b. Si  $A$  est l'événement "le tirage contient une seule fois pile".  
On a :  $A = \{FFP ; FPF ; PFF\}$

Eh oui, il y a 3 lancers. Le "Pile" peut être obtenu en premier, deuxième ou troisième, donc 3 issues.

c. Il y a équiprobabilité sur  $\Omega$  donc  $p(A) = \frac{3}{8}$ .

d. Il n'y a qu'une seule issue qui ne comporte que des piles, donc  $p = \frac{1}{8}$ .

2. Si on procède comme pour l'expérience précédente, il y a 6 issues qui comportent une seule fois pile. En effet, "Pile" peut être obtenu en premier, deuxième, ....., ou sixième.  
De plus, le nombre total d'issues est  $2^6$ .  
En effet à chaque lancer, on multiplie par 2 le nombre d'issues.

**Raisonner**

Regardez comment se fabrique l'arbre. A chaque niveau (noeud), on ajoute deux branches, ce qui a pour effet de multiplier par 2 le nombre d'issues. Vous n'êtes pas convaincu, faites-le ... ou du moins commencez-le !

On en déduit que la probabilité d'obtenir une seule fois "pile" au cours des six lancers est :

$$p = \frac{6}{2^6} = \frac{3}{32}$$

## Exercice 6

1. On sait que la somme des probabilités des événements élémentaire vaut 1.

$$\text{Ainsi, } 6a + 4a + 2a + 2a + a = 1, \text{ soit } a = \frac{1}{15}.$$

2. L'entreprise est en rupture de stock si la demande est plus forte que 3000 unités de produits.  
Donc cette probabilité est donnée par :

$$P(4) + P(5) = \frac{2}{15} + \frac{1}{15} = \frac{3}{15} = \frac{1}{5}$$

**Explication**

Pour qu'il y ait rupture de stock, il faut que la demande soit supérieure à l'offre.

## Exercice 7

On est dans une situation d'équiprobabilité. Toutes les cartes ont la même chance d'être choisies. L'univers est composé de 52 issues équiprobables.

### Vocabulaire

Dans ce cas, on dit que la loi est équi-répartie.

Pour le calcul des probabilités, on utilise la formule :

$$P(A) = \frac{\text{Nombre d'issues qui réalisent l'événement } A}{\text{Nombre total d'issues}}$$

1. Soit  $A$  l'événement « La carte tirée est un trèfle. »

$$P(A) = \frac{\text{Nombre de trèfles}}{\text{Nombre total de cartes}} = \frac{13}{52} = \frac{1}{4}.$$

2. Soit  $B$  l'événement « La carte tirée est noire. »

$$P(B) = \frac{\text{Nombre de cartes noires}}{\text{Nombre total de cartes}} = \frac{13 + 13}{52} = \frac{1}{2}.$$

3. Soit  $C$  l'événement « La carte tirée n'est pas un carreau. »

$$P(B) = \frac{\text{Nombre de cartes qui ne sont pas des carreaux}}{\text{Nombre total de cartes}} = \frac{39}{52} = \frac{3}{4}.$$

### Autrement

L'événement  $C$  est l'événement contraire de l'événement « La carte tirée est un carreau » dont la probabilité est  $\frac{1}{4}$  (comme celle d'obtenir un trèfle.

Ainsi,  $P(C) = 1 - \frac{1}{4} = \frac{3}{4}$ .

4. Soit  $D$  l'événement « La carte tirée est une figure. »

$$P(D) = \frac{\text{Nombre de figures}}{\text{Nombre total de cartes}} = \frac{12}{52} = \frac{3}{13}.$$

5. Soit  $E$  l'événement « La carte tirée est un as. »

$$P(E) = \frac{\text{Nombre d'as}}{\text{Nombre total de cartes}} = \frac{4}{52} = \frac{1}{13}.$$

6. Soit  $F$  l'événement « La carte tirée n'est pas un valet noir. »

Il y a deux valets noirs (pique et trèfle). Ainsi il reste 50 cartes qui ne sont pas des valets noirs.

$$P(F) = \frac{\text{Nombre de cartes qui ne sont pas des valets noirs}}{\text{Nombre total de cartes}} = \frac{50}{52} = \frac{25}{26}.$$